



Plagiarism Checker X Originality Report

Similarity Found: 14%

Date: Saturday, July 20, 2019

Statistics: 686 words Plagiarized / 4780 Total words

Remarks: Low Plagiarism Detected - Your Document needs Optional Improvement.

MENGATASI PENCILAN PADA PEMODELAN REGRESI LINEAR BERGANDA DENGAN METODE REGRESI ROBUST PENAKSIR LMS Solve the Outlier in Multiplication Linear Regression Models with Robust's Regression Method Least Median of Squares (LMS) Estimator Farida Daniel Prodi Pendidikan Matematika, STKIP Soe Jln Badak No 5a, Soe, 85511, Indonesia e-mail: staffaridaniel@stkipsoe.ac.id Abstrak Metode Kuadrat Terkecil (OLS) merupakan metode yang sering digunakan untuk menaksir parameter model regresi.

Penaksir OLS bukan merupakan prosedur regresi yang robust terhadap adanya pencilan, sehingga estimasinya menjadi tidak sesuai. Median Kuadrat Terkecil (LMS) merupakan salah satu penaksir yang robust terhadap adanya pencilan dan memiliki breakdown value yang tinggi. LMS menaksir parameter model dengan meminimumkan median kuadrat galat.

Penelitian ini bertujuan untuk mendapatkan suatu persamaan regresi yang lebih baik daripada persamaan regresi yang sebelumnya menggunakan OLS untuk data yang mengandung pencilan. Terlebih dahulu dilakukan pendektsian keberadaan pencilan dan kemudian mencari persamaan regresi dengan metode LMS. Penelitian ini menggunakan data sekunder berupa data stackloss dimana hasil estimasi parameter pada data ini, penaksir LMS menunjukkan hasil yang lebih baik jika dibandingkan dengan penaksir OLS karena persamaan regresi yang dihasilkan mempunyai nilai Rataan Persentase Galat Mutlak (MAPE) yang lebih kecil.

Kata Kunci : LMS, pencilan, regresi robust. Abstract Ordinary Least Squares (OLS) is frequent used method for estimating parameters. OLS estimator is not a robust regression procedure for the presence of outliers, so the estimate becomes

inappropriate. Least Median of Squares (LMS) is one of a robust estimator for the presence of outliers and has a high breakdown value.

LMS estimate parameters by minimizing the median of squared residuals. Least Median of Squares (LMS) _ The purpose of this study is getting a regression equation that better than the regression equation before using OLS for the data that having outlier. For the first step, checking if there is outlier at data and then searching regression equation with LMS method.

In this study used data Stackloss and from estimation parameter of this data, LMS estimator showed better results compared to the OLS estimator because the regression equation from LMS method have smaller value of Mean Absolute Percentage Error (MAPE). Keywords: outlier, LMS, Robust Regression. Diterima : Direvisi: Disetujui:

Copyright © 2019 : Barekeng: Jurnal ilmu matematika dan terapan, Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Pattimura, Ambon

PENDAHULUAN Metode Statistika yang digunakan untuk mengetahui hubungan linear antara variabel terikat (dependen/respon/y) dengan satu atau lebih variabel bebas (independen/prediktor/x) disebut regresi linear.

Apabila banyaknya variabel bebas hanya ada satu maka disebut regresi linear sederhana, sedangkan regresi linear berganda adalah regresi yang meramalkan hubungan antara satu variabel tak bebas dengan dua atau lebih variabel bebas. Hubungan tersebut dapat dirumuskan dalam bentuk persamaan: $y = \beta_0 + \beta_1 x + \epsilon$ di mana β_0 adalah variabel tak bebas; β_1 adalah variabel bebas; ϵ adalah intersep atau titik potong antara sumbu tegak dan garis fungsi linear; β_0 adalah koefisien-koefisien regresi atau koefisien kemiringan; ϵ adalah faktor galat dan i adalah pengamatan ke-i.

Untuk mendapatkan nilai-nilai penduga/penaksir parameter dalam pemodelan regresi biasanya digunakan suatu metode yang disebut metode Ordinary Least Squares (OLS) atau Metode Kuadrat Terkecil (MKT). Metode ini ditemukan oleh Gauss dan Legendre sejak tahun 1800 dengan prinsip meminimumkan jumlah kuadrat residualnya. Pada metode OLS koefisien-koefisien regresi ditaksir dengan meminimumkan jumlah kuadrat galat ϵ^2 .

Taksiran untuk β_0 diperoleh dengan persamaan: $\hat{\beta}_0 = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x}$. Penggunaan OLS memerlukan beberapa asumsi klasik yang harus dipenuhi oleh komponen sisaan atau galat ϵ dalam model yang dihasilkan. Beberapa asumsi itu antara lain bahwa galat harus memenuhi asumsi normalitas, kehomogenan ragam dan tidak terjadi autokorelasi. Apabila asumsi itu terpenuhi, maka penduga parameter yang diperoleh bersifat Best Linier Unbiased Estimator/BLUE atau penduga terbaik yang bersifat linear dan tak bias [3]. Seringkali dalam berbagai kasus ditemui hal-hal yang menyebabkan tidak terpenuhinya asumsi klasik tersebut.

Data yang diperoleh tidak jarang ditemukan satu atau beberapa yang jauh dari pola kumpulan data keseluruhan yang lazim didefinisikan sebagai pencilan (outlier). Pencilan dapat dilihat sebagai pengamatan dengan sisaan yang cukup besar [1]. Pencilan adalah pengamatan yang jauh dari kelompok data yang mungkin berpengaruh besar terhadap koefisien regresi [7].

Adanya pencilan dapat disebabkan oleh beberapa hal diantaranya adalah kesalahan input data, kekeliruan pada sistem pengukuran ataupun karena terjadinya peristiwa yang luar biasa seperti krisis maupun bencana. Soemartini [7] mengemukakan bahwa keberadaan pencilan dapat dideteksi dengan metode sebagai berikut: Metode grafis (scatter plot).

Untuk melihat apakah terdapat pencilan pada data, dapat dilakukan dengan membuat plot antara data dengan observasi ke- i ($i = 1, 2, 3, \dots, n$). Box Plot. Metode ini merupakan yang paling umum yakni dengan mempergunakan nilai kuartil dan jangkauan. Kuartil 1, 2, dan 3 akan membagi sebuah urutan data menjadi empat bagian. Jangkauan (IQR, Interquartile Range) didefinisikan sebagai selisih kuartil 1 terhadap kuartil 3, atau $IQR = Q_3 - Q_1$.

Data-data pencilan dapat ditentukan yaitu nilai yang kurang dari $1.5 * IQR$ terhadap kuartil 1 dan nilai yang lebih dari $1.5 * IQR$ terhadap kuartil 3. Nilai Cook distance dapat digunakan untuk mengidentifikasi apakah suatu pengamatan berpengaruh atau tidak. Merupakan suatu ukuran berpengaruh yang ditimbulkan oleh pengamatan ke- i terhadap nilai taksiran \hat{y}_i .

(3) Dimana: Cook's Distance = nilai taksiran uji, \hat{y}_i nilai taksiran uji tanpa pengamatan ke- i , $\hat{y}_{\text{tak}}^{\text{galat baku}}$ (standar error) tanpa pengamatan ke- i , H_{ii} unsur ke- i dari diagonal matriks H . Suatu pengamatan ke- i akan berpengaruh pada persamaan regresi apabila nilai: $\text{Cook's Distance} > 1$ untuk $n = 10$ dan $\text{Cook's Distance} > 2$ untuk $n = 50$. Dengan p menyatakan banyaknya parameter termasuk intersep dan n menyatakan banyaknya pengamatan. Cook's Distance Merupakan suatu ukuran pengaruh pengamatan ke- i terhadap semua koefisien regresi taksiran.

Pada Cook's Distance pengaruh pengamatan ke- i diukur oleh jarak D , Jarak tersebut diperoleh dari persamaan berikut:

(4) Dengan: b vektor taksiran koefisien regresi termasuk pengamatan ke- i , \hat{y}_i vektor taksiran koefisien regresi tanpa pengamatan ke- i , \hat{e}_i nilai residu pada pengamatan ke- i , H unsur ke- i dari diagonal matrik H , p banyaknya parameter termasuk intersep dalam model, dan n banyaknya pengamatan.

diperoleh dari persamaan :

(5) Suatu pengamatan ke- i akan berpengaruh pada persamaan regresi apabila $\text{Cook's Distance} > 1$. Berbagai kaidah telah diajukan untuk menolak pencilan (dengan kata lain untuk memutuskan menyisihkan amatan tersebut dari data, untuk kemudian menganalisis kembali tanpa amatan tersebut). Penolakan begitu saja pada suatu pencilan bukanlah prosedur yang bijaksana.

Adakalanya pencilan memberikan informasi yang tidak bisa diberikan oleh titik data lainnya seperti pencilan timbul karena adanya kombinasi keadaan yang tidak biasa dan mungkin saja sangat penting sehingga perlu diselidiki lebih jauh. Sebagai kaidah umum, pencilan baru akan ditolak jika setelah ditelusuri ternyata merupakan akibat dari kesalahan-kesalahan seperti kesalahan mencatat amatan bersangkutan atau kesalahan ketika menyiapkan peralatan. Bila ternyata bukan akibat dari kesalahan-kesalahan semacam itu, penyelidikan yang seksama harus dilakukan [2].

Identifikasi pencilan dalam data amatan dan melihat bagaimana peranannya terhadap taksiran model merupakan tahapan diagnosis yang perlu ditempuh terutama bila penaksiran modelnya dilakukan dengan OLS. Prosedur analisis yang diharapkan adalah menghasilkan keluaran yang cukup baik meskipun beberapa asumsinya tidak terpenuhi secara sempurna.

Metode lain yang dapat digunakan untuk mengatasi pencilan adalah Regresi Robust. Regresi robust diperkenalkan oleh Andrews pada tahun 1972 dan merupakan metode regresi yang digunakan ketika distribusi dari galat tidak normal dan atau adanya beberapa pencilan yang berpengaruh pada model [6].

Metode ini merupakan alat penting untuk menganalisa data yang dipengaruhi oleh pencilan sehingga dihasilkan model yang robust atau kekar atau resistance terhadap pencilan. Dalam regresi robust terdapat beberapa metode yang dapat digunakan untuk menangani data pencilan yaitu penaksir Maximum Likelihood (M), Least Trimmed Square (LTS), Scale (S), Method of Moment (MM) serta Least Median of Squares (LMS) atau metode Kuadrat Median Terkecil.

Metode LMS merupakan salah satu penaksir regresi robust dengan breakdown point yang tinggi. Breakdown point adalah ukuran kekekaran suatu estimator atau proporsi minimal dari banyaknya pencilan dibandingkan seluruh data pengamatan [4]. Algoritma LMS meminimalkan median (nilai tengah) dari kuadrat residu terurut.

Least Median of Squares (LMS) _ (6) Misalkan diberikan sebuah gugus data sampel berukuran N, dan ingin diduga vektor β berdimensi p yang berisi parameter dari gugus data tersebut. Akan diambil berulang kali secara acak M buah subset berukuran n dari sampel berukuran N. Kemudian dicari dugaan parameter $\hat{\beta}$ untuk setiap subset. Cari median dari kuadrat galat \hat{e}_i dari setiap subset. Indeks i adalah indeks untuk sampel, $i = 1, 2, 3, \dots, n$ dan indeks j adalah untuk subset, $j = 1, 2, 3, \dots, M$.

Definisikan: _ (7) Sehingga solusi LMS adalah $\hat{\beta}$. Jumlah maksimum subset yang dapat dipilih adalah M untuk mendapatkan solusi optimal. Ini adalah komputasi yang infeasible karena akan memakan waktu lama jika ukuran N dan p besar. Dalam kasus tersebut M dapat dipilih sedemikian rupa sehingga kemungkinan (probabilitas) bahwa setidaknya satu dari M subset terdiri dari p pengamatan yang baik adalah mendekati 1.

Probabilitas bahwa setidaknya satu dari M subset terdiri dari n pengamatan yang baik tersebut diberikan oleh: _ (8) dimana \hat{e}_i adalah bagian dari pencilan (outlier) yang mungkin ada dalam data. Karena efisiensi relatif LMS kecil pada Gaussian Noise maka sebuah langkah tunggal dari algoritma WLS digabungkan berdasarkan pada pendugaan

LMS.

Ukuran sebaran dari galat dapat ditaksir dengan cara menentukan terlebih dahulu nilai awal: (9) Faktor diusulkan karena merupakan penaksir konsisten untuk jika berdistribusi atau menyatakan estimasi yang konsisten dari pada Gaussian Noise dan menyatakan koreksi sampel yang terbatas untuk meningkatkan penaksiran ketika ukuran sampel kecil.

Selanjutnya nilai awal digunakan untuk menentukan pembobot untuk setiap pengamatan, yaitu (10) Berdasarkan pembobot awal nilai akhir taksiran robust dihitung berdasarkan: (11) Bobot akhir dihitung dengan menggunakan persamaan: (12) Nilai diperoleh dengan menggunakan metode kuadrat terkecil terboboti (WLS). Nilai akhir parameter dinyatakan dalam: (13) dimana: Untuk membandingkan tingkat akurasi penduga antar model regresi digunakan rataan persentase galat mutlak atau Mean Absolute Percentage Error (MAPE). MAPE didefinisikan oleh: (14) Dengan adalah nilai aktual dan adalah nilai pendugaan.

Rentang norma MAPE adalah . Semakin kecil nilai MAPE, model dinilai semakin baik. Penelitian ini bertujuan untuk mendapatkan suatu persamaan regresi yang lebih baik daripada persamaan regresi yang sebelumnya menggunakan OLS untuk data yang mengandung penculan. METODE PENELITIAN Metode yang digunakan dalam penelitian ini adalah kajian pustaka.

Kajian mengenai penggunaan metode regresi robust penaksir LMS dalam mengatasi penculan pada pemodelan regresi linear berganda ini bersifat penelitian murni atau penelitian dasar, yaitu pencarian terhadap sesuatu karena ada perhatian dan keingintahuan terhadap hasil suatu aktifitas atau masalah. Data yang digunakan dalam penelitian ini adalah data sekunder yaitu data Stackloss.

Tahapan penelitian ini adalah pendektsian penculan yang berpengaruh pada data amatan berdasarkan kajian teori yang ada kemudian dilanjutkan dengan mencari model regresi linear dengan metode penaksir LMS serta melihat ketepatan metode LMS dibandingkan dengan metode OLS pada data yang terkontaminasi penculan menggunakan nilai MAPE dari model regresi yang dihasilkan oleh kedua metode tersebut.

Penelitian menggunakan bantuan program Minitab dan Microsoft Excel dalam memudahkan pengujian maupun perhitungan sehingga dapat diperoleh kesimpulan yang akurat. HASIL DAN PEMBAHASAN Data yang diambil adalah data sekunder yaitu data stackloss atau data pertumbuhan oksidasi amonia yang dilihat berdasarkan jumlah

amonia yang hilang akibat pengaruh beberapa variabel seperti pada Tabel 1.

Diketahui data tiga variabel yang diteliti terhadap responden untuk mengukur pertumbuhan oksidasi amonia ke nitrat acid pada tanaman selama 21 hari yaitu _ pergerakan udara ke tanaman (air flow to the plant),_ kadar temperatur air (cooling water inlet temperature), _ konsentrasi asam (acid concentration) dan_ amonia yang hilang/ml (the permillage of ammonia lost/stackloss). Tabel 1.

Data Stackloss Obs _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? _Obs _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? _ _1 _80 _27
_89 _42 _12 _58 _17 _88 _13 _ _2 _80 _27 _88 _37 _13 _58 _18 _82 _11 _ _3 _75 _25 _90 _37
_14 _58 _19 _93 _12 _ _4 _62 _24 _87 _28 _15 _50 _18 _89 _8 _ _5 _62 _22 _87 _18 _16 _50
_18 _86 _7 _ _6 _62 _23 _87 _18 _17 _50 _19 _72 _8 _ _7 _62 _24 _93 _19 _18 _50 _19 _79
_8 _ _8 _62 _24 _93 _20 _19 _50 _20 _80 _9 _ _9 _58 _23 _87 _15 _20 _56 _20 _82 _15 _ _10
_58 _18 _80 _14 _21 _70 _20 _91 _15 _ _11 _58 _18 _89 _14 ----- Sumber Data : Peter
J. Rousseeuw, Annick M.

Leroy, 1987, *Robust Regression And Outlier Detection*, Canada, John Wiley & Sons [5]
Terlebih dahulu data diuji apakah berdistribusi normal atau tidak dengan uji Kolmogorov-Smirnov dengan hipotesis sebagai berikut: _ Data berdistribusi normal _ Data berdistribusi tidak normal dengan software Minitab 16 diperoleh _ sehingga keputusan tolak _ Jadi **data tidak berdistribusi normal sehingga** diduga terdapat pencilan.

Selanjutnya dilakukan pendekslan keberadaan pencilan dengan metode grafis dan box plot. Dari scatter plot yang ada dapat dilihat bahwa pada data _ terdapat data yang agak jauh dari sebaran yakni data ke 1 dan 2. Pada _ dan _ sebaran data tidak ada yang menyimpang, sedangkan pada y data ke 1,2,3 dan 4 agak menjauh dari sebaran.
_Gambar 1.

Scatter Plot dari x1 vs Observasi _Gambar 2. Scatter Plot dari x2 vs Observasi _ _Gambar 3. Scatter Plot dari x3 vs Observasi _ Gambar 4. Scatter Plot dari y vs Observasi _ _ Gambar 5. Boxplot Data Stackloss _ Tabel 2. Quartil Data Stackloss _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? ?? _ ?? _Q1 _56 _18 _82 _11 _ _Q2 _58 _20 _87 _15 _ _Q3 _62 _24 _89 _19 _ _IQR _6 _6 _7 _8 _ _1,5*IQR _9 _9 _10,5 _12 _ _ _ _ Gambar 5 menunjukkan nilai kuartil untuk masing-masing variabel dan juga jangkauan untuk data Stackloss yang juga disajikan dalam Tabel 2.

Tabel 2 menunjukkan bahwa pada data _ terdapat dua data yang agak jauh dari sebaran, pada _ dan _ sebaran data tidak ada yang menyimpang, sedangkan pada y ada dua yang agak menjauh dari sebaran. Data-data tersebut dianggap sebagai pencilan.

Selanjutnya dilakukan pendekripsi apakah pengamatan pencilan tersebut berpengaruh atau tidak: $F = 2,85$. Dengan Minitab 16 diperoleh hasil seperti pada Tabel 3.

Tabel 3. Nilai Cook's Distance dan DfFits Data Stackloss Observasi _COOK1 _DFIT1
_Observasi _COOK1 _DFIT1 _1 _0,153710 _0,794720 _12 _0,065066 _0,509180 _2
_0,059683 _-0,481320 _13 _0,010765 _-0,202690 _3 _0,126414 _0,744160 _14 _0,000020
_-0,008630 _4 _0,130542 _0,787880 _15 _0,038516 _0,388340 _5 _0,004048 _-0,124520
_16 _0,003379 _0,113090 _6 _0,019565 _-0,279160 _17 _0,065473 _-0,502020 _7
_0,048802 _-0,437670 _18 _0,001122 _-0,065030 _8 _0,016502 _-0,250990 _19
_0,002179 _-0,090680 _9 _0,044556 _-0,423400 _20 _0,004492 _0,130830 _10
_0,011930 _0,213120 _21 _0,692000 _-2,100300 _11 _0,035866 _0,376210 _____ Untuk
nilai DfFITS karena $F = 2,85$ maka pengamatan akan berpengaruh jika Tabel 3 menunjukkan
bahwa hanya ada 1 pengamatan yang memiliki nilai F melebihi nilai kritisnya (1) yaitu
pengamatan ke 21.

Hal ini berarti bila pengamatan 21 dikeluarkan dari kumpulan datanya maka akan
berpengaruh pada nilai taksiran sedangkan untuk nilai Cook's tidak ada pengamatan
yang melebihi nilai kritisnya ($F = 2,85$). Ini berarti taksiran koefisien regresi sudah stabil.
Dalam metode LMS, estimasi yang dilakukan menghasilkan persamaan regresi yang
berbeda pada setiap pengacakan.

Dalam hal ini peneliti menggunakan metode perulangan dengan mencari nilai MAPE
yang lebih kecil dari metode OLS. Jika nilai MAPE lebih kecil dari OLS maka nilai
persamaan regresi disimpan. Diketahui $N = 21$, maka ditentukan $M = 3$ dan $n = 7$.
Secara acak diambil 3 buah subset berukuran 7 dari sampel berukuran 21 seperti pada
Tabel 4. Tabel 4.

Pengelompokan Subset Data Stackloss _Observasi _x1 _x2 _x3 _Y _SUBSET 1 _1 _58
_19 _93 _12 _2 _56 _20 _82 _15 _3 _58 _17 _88 _13 _4 _58 _18 _82 _11 _5 _50
_18 _89 _8 _6 _62 _24 _93 _19 _7 _50 _19 _79 _8 _SUBSET 2 _1 _75 _25 _90 _37 _
_2 _62 _24 _87 _28 _3 _58 _18 _89 _14 _4 _50 _19 _72 _8 _5 _50 _20 _80 _9 _6
_80 _27 _88 _37 _7 _50 _18 _86 _7 _SUBSET 3 _1 _62 _22 _87 _18 _2 _62 _23 _87
_18 _3 _58 _18 _80 _14 _4 _62 _24 _93 _20 _5 _70 _20 _91 _15 _6 _58 _23 _87
_15 _7 _80 _27 _89 _42 _Kemudian dicari dugaan dari ketiga subset data diatas.

Dengan bantuan minitab diperoleh secara berturut-turut subset 1, 2 dan 3 adalah :
Setelah itu dicari median dari kuadrat galat dari setiap subset seperti pada Tabel 5.

Tabel 5. Median Tiap Subset Subset _Obs _x1 _x2 _x3 _y _____ Median _SUBSET 1 _1
_58 _19 _93 _12 _12,99690 _-0,99690 _0,99381 _0,99381 (Minimum) _2 _56 _20 _82
_15 _12,99100 _2,00900 _4,03608 _3 _58 _17 _88 _13 _11,65570 _1,34430 _1,80714 _

___4_58_18_82_11_12,63400_-1,63400_2,66996____5_50_18_89_8_7,71980
 _0,28020_0,07851____6_62_24_93_19_19,13280_-0,13280_0,01764____7_50_19
 _79_8_8,84290_-0,84290_0,71048____SUBSET 2_1_75_25_90_37_34,57720_2,42280
 _5,86996_3,267779____2_62_24_87_28_25,84220_2,15780_4,65610____3_58_18
 _89_14_13,29640_0,70360_0,49505____4_50_19_72_8_6,66910_1,33090_1,77130
 _____5_50_20_80_9_10,80770_-1,80770_3,26778____6_80_27_88_37_40,07730
 _-3,07730_9,46978____7_50_18_86_7_8,74990_-1,74990_3,06215__SUBSET 3_1
 _62_22_87_18_17,93436_0,06564_0,00431_3,552509____2_62_23_87_18_20,12672
 _-2,12672_4,52294____3_58_18_80_14_12,11519_1,88481_3,55251____4_62_24
 _93_20_17,07574_2,92426_8,55130____5_70_20_91_15_16,38800_-1,38800
 _1,92654____6_58_23_87_15_16,95976_-1,95976_3,84066____7_80_27_89_42
 _41,39970_0,60030_0,36036__Subset pertama merupakan subset dengan median
 kuadrat galat terkecil.

Nilai w_i adalah: 1,912711. Kemudian bobot awal (w_i) tiap observasi disajikan pada Tabel 6. Berdasarkan pembobot w_i dihitung nilai akhir taksiran Robust seperti pada Tabel 7. Berdasarkan nilai akhir taksiran Robust diperoleh bobot final seperti pada Tabel 8. Tabel 6.

Bobot Awal Tiap Observasi Obs_x1_x2_x3_y___s0_e/s0_wi_1_80_27_89_42
 _32,04770_9,95230_1,91271_5,20324_5,20324_0_2_80_27_88_37_32,08390
 _4,91610_1,91271_2,57023_2,57023_0_3_75_25_90_37_27,57630_9,42370
 _1,91271_4,92688_4,92688_0_4_62_24_87_28_19,35000_8,65000_1,91271
 _4,52238_4,52238_0_5_62_22_87_18_17,82780_0,17220_1,91271_0,09003
 _0,09003_1_6_62_23_87_18_18,58890_-0,58890_1,91271_-0,30789_0,30789_1_1
 _7_62_24_93_19_19,13280_-0,13280_1,91271_-0,06943_0,06943_1_8_62_24_93
 _20_19,13280_0,86720_1,91271_0,45339_0,45339_1_9_58_23_87_15_16,25850
 _-1,25850_1,91271_-0,65797_0,65797_1_10_58_18_80_14_12,70640_1,29360
 _1,91271_0,67632_0,67632_1_11_58_18_89_14_12,38060_1,61940_1,91271
 _0,84665_0,84665_1_12_58_17_88_13_11,65570_1,34430_1,91271_0,70282
 _0,70282_1_13_58_18_82_11_12,63400_-1,63400_1,91271_-0,85428_0,85429_1_1
 _14_58_19_93_12_12,99690_-0,99690_1,91271_-0,52120_0,52120_1_15_50_18
 _89_8_7,71980_0,28020_1,91271_0,14649_0,14649_1_16_50_18_86_7_7,82840
 _-0,82840_1,91271_-0,43310_0,43310_1_17_50_19_72_8_9,09630_-1,09630
 1,91271-0,57317_0,57317_1_18_50_19_79_8_8,84290_-0,84290_1,91271
 _-0,44068_0,44068_1_19_50_20_80_9_9,56780_-0,56780_1,91271_-0,29686
 _0,29686_1_20_56_20_82_15_12,99100_2,00900_1,91271_1,05034_1,05034_1_1
 _21_70_20_91_15_20,82160_-5,82160_1,91271_-3,04364_3,04364_0__Tabel 7.

Nilai Akhir Taksiran Robust Obs_x1_x2_x3_y___s0_wi_1_80_27_89_42

_32,04770 _9,95230 _1,91271 _0 _99,04828 _0 _1,275811 _2 _80 _27 _88 _37 _32,08390
 _4,91610 _1,91271 _0 _24,16804 _0 _1,275811 _3 _75 _25 _90 _37 _27,57630 _9,42370
 _1,91271 _0 _88,80612 _0 _1,275811 _4 _62 _24 _87 _28 _19,35000 _8,65000 _1,91271 _0
 _74,82250 _0 _1,275811 _5 _62 _22 _87 _18 _17,82780 _0,17220 _1,91271 _1 _0,02965
 _0,02965 _1,275811 _6 _62 _23 _87 _18 _18,58890 _-0,58890 _1,91271 _1 _0,34680
 _0,34680 _1,275811 _7 _62 _24 _93 _19 _19,13280 _-0,13280 _1,91271 _1 _0,01764
 _0,01764 _1,275811 _8 _62 _24 _93 _20 _19,13280 _0,86720 _1,91271 _1 _0,75204
 _0,75204 _1,275811 _9 _58 _23 _87 _15 _16,25850 _-1,25850 _1,91271 _1 _1,58382
 _1,58382 _1,275811 _10 _58 _18 _80 _14 _12,70640 _1,29360 _1,91271 _1 _1,67340
 _1,67340 _1,275811 _11 _58 _18 _89 _14 _12,38060 _1,61940 _1,91271 _1 _2,62246
 _2,62246 _1,275811 _12 _58 _17 _88 _13 _11,65570 _1,34430 _1,91271 _1 _1,80714
 _1,80714 _1,275811 _13 _58 _18 _82 _11 _12,63400 _-1,63400 _1,91271 _1 _2,66996
 _2,66996 _1,275811 _14 _58 _19 _93 _12 _12,99690 _-0,99690 _1,91271 _1 _0,99381
 _0,99381 _1,275811 _15 _50 _18 _89 _8 _7,71980 _0,28020 _1,91271 _1 _0,07851
 _0,07851 _1,275811 _16 _50 _18 _86 _7 _7,82840 _-0,82840 _1,91271 _1 _0,68625
 _0,68625 _1,275811 _17 _50 _19 _72 _8 _9,09630 _-1,09630 _1,91271 _1 _1,20187
 _1,20187 _1,275811 _18 _50 _19 _79 _8 _8,84290 _-0,84290 _1,91271 _1 _0,71048
 _0,71048 _1,275811 _19 _50 _20 _80 _9 _9,56780 _-0,56780 _1,91271 _1 _0,32240
 _0,32240 _1,275811 _20 _56 _20 _82 _15 _12,99100 _2,00900 _1,91271 _1 _4,03608
 _4,03608 _1,275811 _21 _70 _20 _91 _15 _20,82160 _-5,82160 _1,91271 _0 _33,89103 _0
 _1,275811 _Jumlah _____ 16 _19,53231 __ Tabel 8.

Bobot Final Obs _x1 _x2 _x3 _y _____ wi final _1 _80 _27 _89 _42 _9,95230
 _1,275811 _7,80077 _7,80077 _0 _2 _80 _27 _88 _37 _4,91610 _1,275811 _3,85332
 _3,85332 _0 _3 _75 _25 _90 _37 _9,42370 _1,275811 _7,38644 _7,38644 _0 _4 _62 _24
 _87 _28 _8,65000 _1,275811 _6,78000 _6,78000 _0 _5 _62 _22 _87 _18 _0,17220
 _1,275811 _0,13497 _0,13497 _1 _6 _62 _23 _87 _18 _-0,58890 _1,275811 _-0,46159
 _0,46159 _1 _7 _62 _24 _93 _19 _-0,13280 _1,275811 _-0,10409 _0,10409 _1 _8 _62 _24
 _93 _20 _0,86720 _1,275811 _0,67972 _0,67972 _1 _9 _58 _23 _87 _15 _-1,25850
 _1,275811 _-0,98643 _0,98643 _1 _10 _58 _18 _80 _14 _1,29360 _1,275811 _1,01394
 _1,01394 _1 _11 _58 _18 _89 _14 _1,61940 _1,275811 _1,26931 _1,26931 _1 _12 _58 _17
 _88 _13 _1,34430 _1,275811 _1,05368 _1,05368 _1 _13 _58 _18 _82 _11 _-1,63400
 _1,275811 _1,28075 _1,28075 _1 _14 _58 _19 _93 _12 _-0,99690 _1,275811 _-0,78139
 _0,78139 _1 _15 _50 _18 _89 _8 _0,28020 _1,275811 _0,21963 _0,21963 _1 _16 _50 _18
 _86 _7 _-0,82840 _1,275811 _-0,64931 _0,64931 _1 _17 _50 _19 _72 _8 _-1,09630
 _1,275811 _-0,85930 _0,85930 _1 _18 _50 _19 _79 _8 _-0,84290 _1,275811 _-0,66068
 _0,66068 _1 _19 _50 _20 _80 _9 _-0,56780 _1,275811 _-0,44505 _0,44505 _1 _20 _56
 _20 _82 _15 _2,00900 _1,275811 _1,57469 _1,57469 _1 _21 _70 _20 _91 _15 _-5,82160
 _1,275811 _-4,56306 _-4,56306 _0 _ Kemudian di cari _ final Dengan minitab diperoleh:
 _ Untuk melihat ketepatan metode Regresi Robust penaksir LMS dibandingkan dengan

metode OLS pada data yang mengandung pencilan yaitu stackloss maka dilihat nilai MAPE dari model yang dihasilkan oleh metode OLS dan LMS pada data tersebut.

Metode OLS : Dengan Minitab 16 diperoleh model regresinya adalah: _ maka perhitungan MAPEnya pada Tabel 9. Tabel 9.

MAPE OLS Obs _x1 _x2 _x3 _Y _____ 1 _80 _27 _89 _42 _38,7645 _3,23550 _0,07704
_0,07704 _ _2 _80 _27 _88 _37 _38,9166 _-1,91660 _-0,05180 _0,05180 _ _3 _75 _25 _90
_37 _32,4438 _4,55620 _0,12314 _0,12314 _ _4 _62 _24 _87 _28 _22,302 _5,69800 _0,20350
_0,20350 _ _5 _62 _22 _87 _18 _19,7114 _-1,71140 _-0,09508 _0,09508 _ _6 _62 _23 _87
_18 _21,00670 _-3,00670 _-0,16704 _0,16704 _ _7 _62 _24 _93 _19 _21,3894 _-2,38940
_-0,12576 _0,12576 _ _8 _62 _24 _93 _20 _21,3894 _-1,38940 _-0,06947 _0,06947 _ _9 _58
_23 _87 _15 _18,1443 _-3,14430 _-0,20962 _0,20962 _ _10 _58 _18 _80 _14 _12,7325
_1,26750 _0,09054 _0,09054 _ _11 _58 _18 _89 _14 _11,3636 _2,63640 _0,18831 _0,18831 _
_12 _58 _17 _88 _13 _10,2204 _2,77960 _0,21382 _0,21382 _ _13 _58 _18 _82 _11 _12,4283
_ -1,42830 _-0,12985 _0,12985 _ _14 _58 _19 _93 _12 _12,0505 _-0,05050 _-0,00421
_0,00421 _ _15 _50 _18 _89 _8 _5,6388 _2,36120 _0,29515 _0,29515 _ _16 _50 _18 _86 _7
_6,0951 _0,90490 _0,12927 _0,12927 _ _17 _50 _19 _72 _8 _9,5198 _-1,51980 _-0,18998
_0,18998 _ _18 _50 _19 _79 _8 _8,4551 _-0,45510 _-0,05689 _0,05689 _ _19 _50 _20 _80 _9
_9,5983 _-0,59830 _-0,06648 _0,06648 _ _20 _56 _20 _82 _15 _13,5877 _1,41230 _0,09415
_0,09415 _ _21 _70 _20 _91 _15 _22,2372 _-7,23720 _-0,48248 _0,48248 _ _Jumlah
_3,06356 _ _ Metode LMS : Dari hasil sebelumnya diketahui bahwa model regresi yang dihasilkan oleh metode LMS adalah: _ maka perhitungan MAPEnya pada Tabel 10. Tabel 10.

MAPE LMS Obs _x1 _x2 _x3 _y _final _____ 1 _80 _27 _89 _42 _33,17580 _8,82420
_0,21010 _0,21010 _ _2 _80 _27 _88 _37 _33,19310 _3,80690 _0,10289 _0,10289 _ _3 _75
_25 _90 _37 _28,59380 _8,40620 _0,22720 _0,22720 _ _4 _62 _24 _87 _28 _19,15930
_8,84070 _0,31574 _0,31574 _ _5 _62 _22 _87 _18 _18,02510 _-0,02510 _-0,00139
_0,00139 _ _6 _62 _23 _87 _18 _18,59220 _-0,59220 _-0,03290 _0,03290 _ _7 _62 _24 _93
_19 _19,05550 _-0,05550 _-0,00292 _0,00292 _ _8 _62 _24 _93 _20 _19,05550 _0,94450
_0,04723 _0,04723 _ _9 _58 _23 _87 _15 _15,84780 _-0,84780 _-0,05652 _0,05652 _ _10
_58 _18 _80 _14 _13,13340 _0,86660 _0,06190 _0,06190 _ _11 _58 _18 _89 _14 _12,97770
_1,02230 _0,07302 _0,07302 _ _12 _58 _17 _88 _13 _12,42790 _0,57210 _0,04401 _0,04401
_ _13 _58 _18 _82 _11 _13,09880 _-2,09880 _-0,19080 _0,19080 _ _14 _58 _19 _93 _12
_13,47560 _-1,47560 _-0,12297 _0,12297 _ _15 _50 _18 _89 _8 _7,48890 _0,51110
_0,06389 _0,06389 _ _16 _50 _18 _86 _7 _7,54080 _-0,54080 _-0,07726 _0,07726 _ _17 _50
_19 _72 _8 _8,35010 _-0,35010 _-0,04376 _0,04376 _ _18 _50 _19 _79 _8 _8,22900
_ -0,22900 _-0,02862 _0,02863 _ _19 _50 _20 _80 _9 _8,77880 _0,22120 _0,02458 _0,02458
_ _20 _56 _20 _82 _15 _12,86080 _2,13920 _0,14261 _0,14261 _ _21 _70 _20 _91 _15
_22,31050 _-7,31050 _-0,48737 _0,48737 _ _Jumlah _2,35767 _ _ Berdasarkan

perhitungan nilai MAPE pada model regresi yang dihasilkan oleh kedua metode pada data stackloss maka dapat dilihat bahwa metode LMS menghasilkan nilai yang lebih kecil sehingga penggunaan metode ini lebih tepat karena tidak rentan akan pengaruh pencilan.

Pada metode OLS estimasi sangat mudah dilakukan akan tetapi pendugaan model regresi terpengaruh oleh data pencilan sehingga persamaan regresi menghasilkan nilai MAPE yang lebih besar. Metode LMS merupakan salah satu penaksir regresi robust yang kekar terhadap pencilan sehingga dapat menghasilkan model regresi yang lebih baik.

Hal ini sejalan dengan penelitian Sugiarti dan Megawarni [8] yang menyimpulkan bahwa metode LMS sangat efisien dibanding metode M dalam menaksir koefisien garis regresi jika data mengandung pencilan. Metode LMS akan menghasilkan estimasi yang lebih baik dibandingkan metode OLS ketika data mengandung pencilan namun perlu diperhatikan bahwa metode LMS kurang stabil karena setiap perulangan pada metode LMS menghasilkan estimasi regresi berbeda.

Perulangan bertujuan untuk mencari model regresi dengan nilai MAPE yang terkecil sehingga memerlukan waktu lebih lama. Hal ini sesuai dengan penelitian KESIMPULAN Berdasarkan perhitungan nilai MAPE pada model regresi yang dihasilkan oleh metode OLS dan LMS pada data Stackloss maka dapat disimpulkan metode LMS menghasilkan nilai yang lebih kecil sehingga penggunaan metode ini lebih tepat karena tidak rentan akan pengaruh pencilan.

Pada metode OLS estimasi sangat mudah dilakukan akan tetapi pendugaan terpengaruh oleh data pencilan sehingga persamaan regresi menghasilkan nilai MAPE yang lebih besar. Pada metode LMS estimasi akan lebih baik, tapi perlu diketahui bahwa metode ini kurang stabil karena menggunakan metode perulangan. DAFTAR PUSTAKA [1] _Aunuddin, Analisa Data. Bogor: Institut Pertanian Bogor, 1989. _ [2] _Draper, N. R. dan Smith, H., Analisis Regresi Terapan Edisi Kedua.

Jakarta: PT Gramedia Pustaka Utama, 1992. _ [3] _Myers, R. H., Classical and Modern Regression With Applications (2nd Ed). Boston: PWS- Kent, 1990. _ [4] _Nurdin, N., Raupong dan Islamiyat,A. "Penggunaan Regresi Robust pada Data yang Mengandung Pencilan dengan Metode Momen," Jurnal Matematika, Statistika dan Komputasi, Vol.10, No. 2, Hal. 114-123, 2008.

_ [5] _Rousseeuw, P. J. and Leroy, A. M., Robust Regression and Outlier Detection. New York: Wiley Interscience. 1987. _ [6] _Ryan, T. P., Modern Regression Methods. Canada: John Wiley & Sons, Inc, 1997. _ [7] _Soemartini, Pencilan (Outlier). Bandung: Universitas

Padjadjaran, 2007. _ [8] Sugiarti, H. dan Megawarni, A. "Tingkat Efisiensi Penaksir M terhadap Penaksir LMS dalam Menaksir Koefisien Regresi," Jurnal Matematika, Sains dan Teknologi, Vol. 11, No. 2, Hal. 90-98, 2010.

--

INTERNET SOURCES:

- <1% - <https://putrinanda60.blogspot.com/2015/02/pengantar-ekonometrika.html>
- <1% - <http://eprints.undip.ac.id/32694/>
- <1% -
- <https://jasaskripsi77.blogspot.com/2015/11/analisis-regresi-data-panel-dengan.html>
- <1% -
- <https://www.coursehero.com/file/p32ubse2/Penelitian-ini-menggunakan-data-sekunder-berupa-annual-report-emiten-manufaktur/>
- <1% - <http://journal.upgris.ac.id/index.php/JITEK/article/download/2403/1845>
- <1% -
- http://pustaka.unpad.ac.id/wp-content/uploads/2012/03/tesis_yuddy_estimasi_parametar_model_dlm_regresi_linier_berganda.pdf
- <1% - <https://www.cs.umd.edu/~mount/Papers/lts-manuscript07.pdf>
- <1% - <https://rdrr.io/cran/nlr/man/nl.lmsGA.html>
- <1% - <https://www.science.gov/topicpages/u/universitas+sumatera+utara.html>
- <1% - <http://matematika.fmipa.unpatti.ac.id/penelitian/jurnal-barekeng/>
- <1% - <https://mansenandyyy.blogspot.com/2011/03/analisis-regresi-berganda.html>
- <1% -
- http://file.upi.edu/Direktori/SPS/PRODI.PENDIDIKAN_IPA/195107261978032-FRANSISCA_SUDARGO/KULIAH_PENPENDS2/Pertemuan_3.pdf
- <1% -
- <https://repository.ipb.ac.id/bitstream/handle/123456789/58328/2012nfa.pdf;sequence=1>
- <1% -
- <http://repository.unhas.ac.id/bitstream/handle/123456789/14584/jurnal.pdf?sequence=1>
- <1% - <https://willyoctora.wordpress.com/tag/models/>
- 1% - http://eprints.undip.ac.id/32694/3/BAB_I.pdf
- <1% - <https://willyoctora.wordpress.com/tag/teknik-analisis-statistika/>
- 3% -
- <http://repository.usu.ac.id/bitstream/handle/123456789/28891/Chapter%20I.pdf;sequence=4>
- 1% - <http://journal.unhas.ac.id/index.php/jmsk/article/download/3418/1955>

1% - [https://fmipa.unmul.ac.id/files/docs/\[20\]20jurnal%20febryanto%20EDIT.pdf](https://fmipa.unmul.ac.id/files/docs/[20]20jurnal%20febryanto%20EDIT.pdf)

1% -
<https://avengerpolkadot.blogspot.com/2012/03/data-mining-mengidentifikasi-outlier.html>

<1% -
https://www.academia.edu/34198070/Bab_5_Eksplorasi_Hidrogeologi_dan_Pemetaan_Hidrogeologi

<1% - <http://karyailmiah.unisba.ac.id/index.php/statistika/article/download/2183/pdf>

<1% - <https://bel-aja.blogspot.com/2013/01/makalah-lengkap-inventarisasi-hutan.html>

<1% -
<https://id.123dok.com/document/7qvmgo1q-perbandingan-keefektifan-metode-regresi-robust-estimasi-m-dan-estimasi-mm-karena-pengaruh-outlier-dalam-analisis-regresi-linear.html>

<1% - <https://id.scribd.com/doc/299843606/Pencilan-Dlm-Regresi>

<1% -
<https://jpsmipaunsri.files.wordpress.com/2010/04/jpsmipaunsri-v12-no1-01-a-dian.pdf>

<1% - <https://core.ac.uk/download/pdf/11060344.pdf>

<1% -
<https://id.scribd.com/doc/312987720/Makalah-Regresi-Robust-Tiar-Indarto-G152144051>

<1% -
<https://docplayer.info/139870403-Penggunaan-regresi-robust-dengan-estimasi-s-dan-estimasi-mm-dalam-pengembangan-sistem-pendukung-keputusan-guna-memprediksi-tingkat-produksi-padi.html>

1% -
<https://id.123dok.com/document/9yn2xeky-perbandingan-metode-regresi-kuadrat-terkorel-dengan-metode-kekakar.html>

<1% -
https://www.academia.edu/9398125/PERBANDINGAN_ALGORITMA_KRUSKAL_DENGAN_ALGORITMA_GENETIKA_DALAM_PENYELESAIAN_MASALAH_MINIMUM_SPANNING_TREE_MST_SKRIPSI_Oleh

<1% -
https://www.academia.edu/33359339/ANALISIS_REGRESI_LOGISTIK_EKSAK_PADA_PENANGANAN_SAMPEL_KECIL

<1% - http://repository.upi.edu/26208/6/S_MAT_1200043_Chapter3.pdf

<1% - http://repository.upi.edu/30807/5/SPS_T_IPA_1507753_Chapter3.pdf

<1% - <https://ekosupiyan.blogspot.com/2011/02/jenis-jenis-penelitian.html>

<1% - <http://digilib.uinsby.ac.id/11284/8/bab%203.pdf>

<1% - http://a-research.upi.edu/operator/upload/s_pmtk_055586_chapter3.pdf

<1% - https://www.academia.edu/37091522/Laporan_ke_Balitkabi

<1% -
http://support.sas.com/documentation/cdl/en/imlug/67502/HTML/default/imlug_langref_sect230.htm
<1% - <https://www.loot.co.za/index/html/index4589.html>
<1% -
https://www.academia.edu/27411623/A_non_parametric_robust_method_for_the_detection_of_outliers_in_linear_models
<1% - <http://eprints.unm.ac.id/6106/1/Asmarani%20artikell.pdf>
<1% -
https://repository.ipb.ac.id/bitstream/handle/123456789/52280/A11rar_BAB%20V%20Hasil%20dan%20Pembahasan.pdf?sequence=9&isAllowed=y
<1% -
<https://repository.ipb.ac.id/bitstream/handle/123456789/51982/BAB%20III%20Metodologi%20Penelitian.pdf?sequence=5&isAllowed=y>
<1% - <https://nurarifinerizal.wordpress.com/2016/04/>
<1% -
https://researchrepository.murdoch.edu.au/id/eprint/4796/1/regression_applicable_for_small_to_moderate_sample_sizes.pdf
<1% - https://en.wikipedia.org/wiki/John_Wiley_%26_Sons_Canada,_Ltd